Регенеративный режим в оптомеханическом преобразователе с модулированной накачкой

В.В.Кулагин

Рассмотрена проблема регистрации слабых классических сил с помощью оптомеханического преобразователя с модулированной накачкой. Для увеличения чувствительности схемы предложено использовать параметрическую регенерацию оптического резонатора путем введения дополнительного квадратичного нелинейного элемента с подсветкой на двойной частоте. Оценена предельная чувствительность такого преобразователя и обсуждаются перспективы его практической реализации.

Ключевые слова: оптомеханические преобразователи, обнаружение классических сил, модулированная накачка, параметрическая регенерация.

1. Введение

Проблема обнаружения слабых воздействий на механические системы с исчезающе малой диссипацией является чрезвычайно актуальной для экспериментов с пробными телами. Обычно для регистрации классических сил используется электромеханический [1-3] или оптомеханический [4-7] преобразователь. При этом оптомеханический преобразователь более оптимален с точки зрения перспективы повышения чувствительности, поскольку в оптическом диапазоне шумы преобразователя являются квантовыми и имеют фундаментальный характер, в то время как в диапазоне СВЧ, не говоря уже о радиодиапазоне, они носят в основном тепловой характер (здесь энергия кванта $\hbar\omega$ оказывается меньше энергии теплового движения kT на несколько порядков).

В традиционном (фазонечувствительном) режиме электродинамические преобразователи позволяют регистрировать внешнее воздействие с амплитудой, не меньшей так называемого стандартного квантового предела [1,2]

$$F_{\rm sql} = (\zeta/\hat{\tau}) (M\hbar\omega_{\mu})^{1/2}, \tag{1}$$

где $\hat{\tau}$ – длительность внешнего воздействия (силы); M и ω_{μ} – масса и частота механического осциллятора; ζ – параметр, составляющий несколько единиц. Согласно постулатам квантовой механики, классическую переменную (силу) можно измерить сколь угодно точно. В этом смысле фазонечувствительный режим в оптомеханическом преобразователе не является оптимальным для обнаружения классической внешней силы.

Для увеличения чувствительности электродинамических преобразователей в [1, 2] предложено использовать модулированную (двухкомпонентную) накачку вида

$$E(t) = E_{\text{las}} \cos(\omega_{\mu} t + \varphi) \cos \omega_0 t = \frac{E_{\text{las}}}{2} \left\{ \cos[(\omega_0 + \omega_{\mu})t + \varphi] \right\}$$

$$+\cos[(\omega_0 - \omega_{\mu})t - \varphi]\}, \qquad (2)$$

где ω_0 – частота оптического (электрического) контура. Эта накачка представляет собой две моды, настроенные на разные склоны резонансной кривой высокочастотного контура. Постоянный фазовый сдвиг φ в выражении (2) введен для компенсации запаздывания отклика внутри контура по отношению к вынуждающей силе для двух мод. Накачка такого вида обеспечивает фазочувствительную регистрацию внешнего воздействия (измеряется только определенная квадратурная компонента внешней силы, определяемая формой накачки), что позволяет улучшить чувствительность системы. В этом случае минимальная регистрируемая амплитуда внешней силы [1, 2, 4]

$$F_0 \ge F_{\rm sql} \left(\frac{\delta_{\rm e}}{2\omega_{\rm \mu}}\right)^{1/2},\tag{3}$$

где δ_e – ширина резонансной кривой оптического (электрического) контура. Платой за повышение чувствительности является неспособность установки восстанавливать форму внешней силы, т. к. информация об одной из квадратурных компонент теряется в процессе измерений (для точного восстановления формы требуются как минимум две одинаковые системы, регистрирующие разные квадратурные компоненты внешней силы).

Резерв повышения чувствительности определяется согласно выражению (3) фактором $\delta_e/2\omega_{\mu}$. Для электромеханических преобразователей затухание высокочастотного контура δ_e может быть сделано на несколько порядков меньше резонансной частоты механического осциллятора ω_{μ} . В то же время в оптическом диапазоне сделать δ_e значительно меньше ω_{μ} чрезвычайно сложно с технической точки зрения [6]: даже для предельного в настоящее время коэффициента отражения зеркал $r \approx 1 - 10^{-6}$ затухание δ_e оказывается порядка ω_{μ} . В этой связи разработка альтернативных методов повышения чув-

Государственный астрономический институт им. П.К.Штернберга МГУ им. М.В.Ломоносова, Россия, 119899 Москва, Университетский просп., 13.

Поступила в редакцию 18 февраля 2000 г., после доработки – 27 июля 2000 г.

ствительности в оптомеханических преобразователях с модулированной накачкой представляет несомненный интерес.

Ограничение чувствительности в схемах с двухкомпонентной накачкой возникает из-за воздействия шумов преобразователя на частотах $\omega_0 \pm 2\omega_{\mu}$ на механическую систему. Фактор выигрыша согласно (3) есть не что иное, как коэффициент относительного подавления этих шумов узкополосной резонансной кривой высокочастотного контура. Таким образом, уменьшая каким-либо способом затухание высокочастотного контура, например с помощью параметрической регенерации, можно поднять чувствительность регистрации установкой внешней силы.

Целью настоящей работы является анализ чувствительности обнаружения внешней классической силы, действующей на высокодобротный механический осциллятор, с помощью оптомеханического (электромеханического) преобразователя с модулированной накачкой в регенеративном режиме (ниже порога генерации).

Для определенности дальнейший анализ будет проведен для оптомеханических преобразователей, хотя все выводы и результаты справедливы также и для преобразователей электромеханического типа с соответствующей заменой параметров.

2. Модель и основные уравнения

Схема измерительной системы приведена на рис.1. В состав оптомеханического преобразователя входит высокодобротный осциллятор с резонансной частотой ω_{μ} , затуханием δ_{μ} и массой M, к которому прикреплено подвижное зеркало I интерферометра Фабри – Перо; зеркало 2 оптического резонатора закреплено жестко [6]. На механический осциллятор действуют измеряемая сила $F_{\rm s}$ и найквистовская сила F_{μ} , определяющая тепловые колебания осциллятора в ланжевеновском подходе.

Пусть для простоты зеркало 1 является практически полностью отражающим, а через неподвижное зеркало 2осуществляется накачка интерферометра. Внутри интерферометра для параметрической регенерации помещен оптический элемент с квадратичной нелинейностью, подсветка которого осуществляется электромагнитным полем с частотой $2\omega_0$. Для определенности будем считать, что для комплексной амплитуды поля коэффициент от-



Рис.1. Схема измерительной системы:

I, 2 – зеркала интерферометра Фабри – Перо; 3 – нелинейный оптический элемент.

ражения от внешней поверхности зеркала 2 положителен и равен $r_2 > 0$, а коэффициент отражения от внутренней поверхности отрицателен и равен $-r_2$, при этом коэффициент прохождения t_2 будет действительной величиной [8]. Этот случай, очевидно, соответствует высокодобротному оптическому резонатору с многослойными диэлектрическими покрытиями, напыленными на внутренние поверхности зеркал интерферометра, и с просветляющим покрытием на внешней поверхности зеркала 2.

Пусть поле $E_{in}(t)$, падающее на систему, имеет следующий вид:

$$E_{\rm in}(t) = E_{\rm c}'(t)\cos\omega_0 t - E_{\rm s}'(t)\sin\omega_0 t, \qquad (4)$$

где $E'_{c}(t)$ и $E'_{s}(t)$ – квадратурные компоненты. Тогда для поля $E_{i}(t)$ внутри интерферометра (бегущая волна) в одномодовом приближении будет справедливо следующее уравнение [9]:

$$\ddot{E}_{i}(t) + 2\delta_{e}\dot{E}_{i}(t) + \omega_{1}^{2}(1 + m\sin 2\omega_{0}t)E_{i}(t)$$

$$= 2\omega_{0}t_{2}\tau_{i}^{-1}[-E_{s}'(t)\cos \omega_{0}t + E_{c}'(t)\sin \omega_{0}t].$$
(5)

Здесь $m \ll 1$ – индекс модуляции, определяемый характеристиками квадратичного нелинейного оптического элемента и полем подсветки на двойной частоте; $\tau_i = 2L/c$ – постоянная оптического резонатора длиной L; c – скорость света; $\delta_e = (1 - r_2)\tau_i^{-1} = c (1 - r_2)/(2L)$ – затухание моды резонатора (предполагается, что $r_2 \approx 1$); $\omega_0 = n\pi c/L$ – резонансная частота интерферометра Фабри – Перо при зафиксированном зеркале I (смещение от положения равновесия x = 0); $\omega_1 = n\pi c/(L + x) \simeq \omega_0(1 - x/L)$ – медленно меняющаяся частота интерферометра при движении зеркала I (отношение $x/L \ll 1$). Экспериментально осуществить регенерацию оптического резонатора можно, например, по схеме, использованной в [10].

Для поля, попадающего в измерительный прибор (гомодинный детектор), имеем

$$E_{\rm m}(t) = t_2 E_{\rm i}(t) + E_{\rm in}(t),$$
 (6)

где первый член в правой части уравнения (6) связан с выходом излучения из резонатора, а второй член – с прямым отражением падающего излучения от зеркала 2 (опять предполагается, что $r_2 \approx 1$).

Пусть поле лазера накачки имеет вид (2). Тогда для квадратурных компонент $E'_{c}(t)$ и $E'_{s}(t)$ имеем:

$$E'_{\rm c}(t) = E_{\rm las}\cos(\omega_{\mu}t + \varphi) + E_{\rm c}(t), \quad E'_{\rm s}(t) = E_{\rm s}(t), \quad (7)$$

где $E_{\rm c}(t)$ и $E_{\rm s}(t)$ – операторы квантовых флуктуаций квадратурных компонент поля, падающего на интерферометр. Если это поле находится в когерентном состоянии, то $E_{\rm c}(\omega)$ и $E_{\rm s}(\omega)$ будут некоррелированы, а их спектральные плотности [11, 12]

$$\langle |E_{\rm c}^2(\omega)|\rangle = \langle |E_{\rm s}^2(\omega)|\rangle = N_0, \tag{8}$$

где $N_0 = \pi \hbar \omega_0 / (cS)$; S – площадь сечения пучка накачки. Для простоты избыточные шумы излучения лазера накачки и собственные шумы нелинейного элемента в дальнейшем анализе не учитываются. Уравнение для поля (5) необходимо дополнить уравнением движения для механического осциллятора

$$\ddot{x} + 2\delta_{\mu}\dot{x} + \omega_{\mu}^{2}x = \frac{F_{\rm pr}}{M} + \frac{F_{\rm s}}{M} + \frac{F_{\mu}}{M} = f_{\rm pr} + f_{\rm s} + f_{\mu}, \qquad (9)$$

где

$$F_{\rm pr} = \frac{SE_{\rm i}^2(1+r_2)}{4\pi} \simeq \frac{SE_{\rm i}^2}{2\pi}$$
(10)

 – сила светового давления внутреннего поля интерферометра на зеркало *1*.

Флуктуации квадратурных компонент поля в когерентном состоянии $E_c(t)$ и $E_s(t)$ обычно значительно меньше амплитуды колебаний лазера накачки E_{las} , что позволяет линеаризовать уравнения движения (5), (9) и (10) по флуктуациям.

Для поля накачки внутри интерферометра имеем следующее уравнение:

$$\ddot{E}_{p}(t) + 2\delta_{e}\dot{E}_{p}(t) + \omega_{0}^{2}(1+m\sin 2\omega_{0}t)E_{p}(t)$$

$$= 2\omega_{0}t_{2}\tau_{i}^{-1}E_{las}\cos(\omega_{\mu}t+\varphi)\sin\omega_{0}t.$$
(11)

Тогда поле вынужденных колебаний определяется выражением

$$E_{\rm p}(t) = \frac{-t_2 E_{\rm las}}{\tau_{\rm i} [(\delta_{\rm e} - m\omega_0/4)^2 + \omega_{\mu}^2]^{1/2}} \times \cos(\omega_{\mu}t + \varphi + \vartheta) \cos \omega_0 t, \qquad (12)$$

где $\vartheta = \arctan[\omega_{\mu}/(\delta_e - m\omega_0/4)]$ – запаздывание отклика (поля внутри резонатора) по сравнению с вынуждающей силой (полем лазера накачки). Выбирая для определенности $\varphi + \vartheta = 0$, получаем поле вынужденных колебаний лазера внутри интерферометра

$$E_{\rm p}(t) = \frac{-t_2 E_{\rm las}}{\tau_{\rm i} [(\delta_{\rm e} - m\omega_0/4)^2 + \omega_{\mu}^2]^{1/2}} \cos \omega_{\mu} t \cos \omega_0 t$$
$$= E_0 \cos \omega_{\mu} t \cos \omega_0 t. \tag{13}$$

Проведя линеаризацию выражений (5), (9) и (10), придем окончательно к следующей системе уравнений ($E = E_i - E_p$):

$$\ddot{E}(t) + 2\delta_{e}\dot{E}(t) + \omega_{0}^{2}(1 + m\sin 2\omega_{0}t)E(t)$$

$$= -2\omega_{0}^{2}xL^{-1}E_{0}\cos\omega_{\mu}t\cos\omega_{0}t$$

$$+ 2\omega_{0}t_{2}\tau_{i}^{-1}(E_{s}(t)\cos\omega_{0}t + E_{c}(t)\sin\omega_{0}t),$$
(14)
$$\ddot{r} + 2\delta_{e}\dot{r} + \omega^{2}r = -SE_{e}(\pi M)^{-1}\cos\omega_{e}t \overline{E(t)}\cos\omega_{e}t$$

$$\ddot{x} + 2\delta_{\mu}\dot{x} + \omega_{\mu}^{2}x = -SE_{0}(\pi M)^{-1}\cos\omega_{\mu}t E(t)\cos\omega_{0}t$$

 $+ f_{\rm s}(t) + f_{\mu}(t),$ $E_{\rm m}(t) = t_2 E_{\rm i}(t) + E_{\rm in}(t),$

где черта над выражением $E(t) \cos \omega_0 t$ означает усреднение по времени.

3. Чувствительность оптомеханического преобразователя

Для решения системы (14) используем метод медленно меняющихся амплитуд. Пусть поле E(t) внутри интерферометра представлено в следующем виде:

$$E(t) = E_1(t) \cos \omega_0 t - E_2(t) \sin \omega_0 t,$$
(15)

где E_1 , E_2 – квадратурные компоненты поля. Тогда согласно (14) оптомеханический преобразователь описывается следующими укороченными уравнениями движения:

$$\dot{E}_{1}(t) + \delta_{1}E_{1}(t) = -t_{2}\tau_{i}^{-1}E_{c}(t),$$

$$\dot{E}_{2}(t) + \delta_{2}E_{2}(t) = -t_{2}\tau_{i}^{-1}E_{s}(t) + \omega_{0}L^{-1}E_{0}x\cos\omega_{\mu}t, (16)$$

$$\ddot{x} + 2\delta_{\mu}\dot{x} + \omega_{\mu}^{2}x = -SE_{0}(2\pi M)^{-1}E_{1}\cos\omega_{\mu}t + f_{s} + f_{\mu},$$

где $\delta_1 = \delta_e - m\omega_0/4$; $\delta_2 = \delta_e + m\omega_0/4$. Согласно уравнениям (16), эквивалентное затухание различно для двух квадратурных компонент поля внутри интерферометра, что является следствием параметрической регенерации оптического резонатора. Информация о координате *х* механического осциллятора попадает в квадратурную компоненту E_2 поля в интерферометре (и, соответственно, в ту же квадратурную компоненту выходящего поля), а на механическую систему действуют флуктуации квадратурной компоненты E_1 .

Пусть сигнал f(t) имеет следующий вид:

$$f(t) = f_0 \sin \omega_{\mu} t, \ 0 \leqslant t \leqslant \hat{\tau}, \ \omega_{\mu} \hat{\tau} \geqslant 1$$
(17)

и f(t) = 0 в другие моменты времени. Переходя к частотному представлению, для координаты механического осциллятора и для квадратурных компонент поля E_1 и E_2 из системы (16) получим

$$E_{1}(\omega) = -t_{2}\tau_{i}^{-1}E_{c}(\omega)(\delta_{1} - i\omega)^{-1},$$

$$E_{2}(\omega) = -t_{2}\tau_{i}^{-1}E_{s}(\omega)(\delta_{2} - i\omega)^{-1}$$

$$+\omega_{0}L^{-1}E_{0}(\delta_{1} - i\omega)^{-1}[x(\omega + \omega_{\mu}) + x(\omega - \omega_{\mu})], (18)$$

$$x(\omega) = G(\omega) \left\{ SE_{0}t_{2}(4\pi M\tau_{i})^{-1} \right\}$$

$$\times \left[\frac{E_{c}(\omega-\omega_{\mu})}{\delta_{1}-i(\omega-\omega_{\mu})}+\frac{E_{c}(\omega+\omega_{\mu})}{\delta_{1}-i(\omega+\omega_{\mu})}\right]+f_{s}(\omega)+f_{\mu}(\omega)\bigg\},$$

где $G(\omega) = (\omega_{\mu}^2 - \omega^2 - 2i\delta_{\mu}\omega)^{-1}$ – передаточная функция механического осциллятора. Подставляя далее выражение для $x(\omega)$ из третьего уравнения системы (18) во второе уравнение и учитывая соотношение (6), для синусной квадратурной компоненты измеряемого поля получаем

$$E_{\rm m2}(\omega) = -E_{\rm s}(\omega)\frac{\delta_1 + i\omega}{\delta_2 - i\omega} + \frac{S\omega_0 E_0^2 \delta_{\rm c}}{2\pi M L(\delta_2 - i\omega)} \times \left\{\frac{E_{\rm c}(\omega)}{\delta_1 - i\omega} \left[G(\omega + \omega_{\mu}) + G(\omega - \omega_{\mu})\right] + \right.$$

$$+\frac{G(\omega-\omega_{\mu})}{\delta_{1}-i(\omega-2\omega_{\mu})}E_{c}(\omega-2\omega_{\mu})+\frac{G(\omega+\omega_{\mu})}{\delta_{1}-i(\omega+2\omega_{\mu})}E_{c}(\omega+2\omega_{\mu})\bigg\}$$
$$+\frac{\omega_{0}E_{0}t_{2}}{L(\delta_{2}-i\omega)}\bigg\{\big[f_{s}(\omega+\omega_{\mu})+f_{\mu}(\omega+\omega_{\mu})\big]G(\omega+\omega_{\mu})$$
$$+\big[f_{s}(\omega-\omega_{\mu})+f_{\mu}(\omega-\omega_{\mu})\big]G(\omega-\omega_{\mu})\bigg\}.$$
(19)

Пусть при измерении используется спектр квадратурной компоненты E_{m2} вблизи нулевых частот $\omega \ll \omega_{\mu}$. Будем также считать для простоты, что затухание δ_{μ} механической системы исчезающе мало, так что в уравнениях можно пренебречь членами, содержащими δ_{μ} , а также флуктуационными силами f_{μ} . Тогда из выражения (19) после несложных преобразований получим для квадрата модуля спектра сигнала в квадратурной компоненте E_{m2} выражение

$$|E_{m2}^{s}(\omega)|^{2} = \left(\frac{\omega_{0}E_{0}t_{2}f_{0}\hat{\tau}}{4\pi L\omega_{\mu}\omega}\right)^{2} \left(\delta_{2}^{2} + \omega^{2}\right)^{-1},$$
(20)

а для спектральной плотности шума в E_{m2}

$$\langle |E_{m2}^{n}(\omega)|^{2} \rangle = N_{0} \left\{ \frac{\delta_{1}^{2} + \omega^{2}}{\delta_{2}^{2} + \omega^{2}} + \frac{S^{2}\omega_{0}^{2}E_{0}^{4}\delta_{e}^{2}}{16\pi^{2}M^{2}L^{2}\omega_{\mu}^{2}(\delta_{2}^{2} + \omega^{2})} \times \left[\omega_{\mu}^{-2} \left(\delta_{1}^{2} + \omega^{2} \right)^{-1} + 2\omega^{-2} \left(\delta_{1}^{2} + 4\omega_{\mu}^{2} \right)^{-1} \right] \right\}.$$
(21)

Наличие текущей частоты ω в знаменателях выражений (20) и (21) не означает расходимости при $\omega \to 0$, т. к. для упрощения формул опущены члены с δ_{μ} , а именно они и ограничивают рост сигнала и шума на низких частотах.

Пусть отношение сигнал/шум μ определяется обычным образом [13]:

$$\mu = \pi^{-1} \int_0^\infty |E_{m2}^s(\omega)|^2 d\omega / \langle |E_{m2}^n(\omega)|^2 \rangle.$$
 (22)

Тогда, подставляя выражения (20) и (21) в (22), для отношения сигнал/шум найдем (как нетрудно видеть, текущая частота в знаменателях сокращается)

$$\mu = \left(\frac{\omega_0 E_0 t_2 f_0 \hat{\tau}}{4\pi L \omega_{\mu}}\right)^2 (N_0 \pi)^{-1} \\ \times \int_0^\infty d\omega \left\{ \omega^4 + \left[\delta_1^2 + \frac{\alpha}{(\delta_1^2 + \omega^2) \omega_{\mu}^2} \right] \omega^2 + \frac{2\alpha}{\delta_1^2 + 4\omega_{\mu}^2} \right\}^{-1}, (23)$$

где для упрощения записи введено обозначение $\alpha = [S\omega_0 E_0^2 \delta_e / (4\pi M L \omega_\mu)]^2$.

В общем случае отношение сигнал/шум (23) не вычисляется аналитически. Заметим, однако, что μ растет при уменьшении амплитуды накачки E_0 (уменьшении параметра α); кроме того, при уменьшении E_0 уменьшается также и полоса фильтрации. Следовательно, естественно предположить, что полоса фильтрации будет меньше δ_1 (в дальнейшем выполнение этого условия будет проверено), или, другими словами, основное значение интеграла для μ будет набираться вблизи нулевых частот $\omega \leq \delta_1$. В этом случае можно пренебречь членом ω^2 по сравнению с δ_1^2 в знаменателе выражения, являющегося коэффициентом при ω^2 в (23) (полученное таким способом μ будет меньше реального, т. е. даст оценку отношения сигнал/шум снизу).

В результате для μ получается табличный интеграл, вычисление которого дает

$$\mu = \left[\frac{\omega_0 E_0 t_2 f_0 \hat{\tau}}{4\pi L \omega_{\mu}}\right]^2 (4N_0)^{-1} \left\{ \frac{\alpha}{\delta_1^2 + 4\omega_{\mu}^2} \left[\delta_1^2 + \frac{\alpha}{\delta_1^2 \omega_{\mu}^2} + \left(\frac{2\alpha}{\delta_1^2 + 4\omega_{\mu}^2}\right)^{1/2} \right] \right\}^{-1/2}.$$
(24)

Структура выражения (24) явно показывает, что при уменьшении амплитуды накачки E_0 отношение сигнал/шум сначала растет, а потом остается практически постоянным. Это происходит при

$$\alpha \leqslant \delta_1^4 \omega_{\mu}^2. \tag{25}$$

В результате, оптимизируя накачку согласно условию (25), для максимального отношения сигнал/шум получим

$$\mu = \mu_{\text{sql}} \left(1 + \frac{4\omega_{\mu}^2}{\delta_1^2} \right)^{1/2} = \mu_{\text{sql}} \left[1 + \frac{4\omega_{\mu}^2}{\left(\delta_e - m\omega_0/4\right)^2} \right]^{1/2}, \quad (26)$$

где μ_{sql} – отношение сигнал/шум при измерении силы на уровне стандартного квантового предела (1). Таким образом, параметрическая регенерация в оптомеханическом датчике с модулированной накачкой действительно позволяет повысить отношение сигнал/шум, причем чем сильнее регенерация, тем меньше в принципе может быть амплитуда минимальной регистрируемой силы $F_0 = F_{sql} \delta_1 / (2\omega_{\mu}) = F_{sql} (1-R) \delta_e / (2\omega_{\mu})$, где $R = m\omega_0 / (4\delta_e)$ – коэффициент регенерации.

Интересно отметить, что именно при амплитуде накачки, определяемой выражением (25), достигается, с одной стороны, отношение сигнал/шум μ , близкое к максимальному, а с другой – максимальная полоса фильтрации. Действительно, полоса фильтрации $\Delta \omega_{\rm f}$ определяется как частота среза подынтегрального выражения (например, по уровню 1/2), поэтому из выражений (23) и (25) найдем

$$\Delta\omega_{\rm f}^2 = 2\alpha\omega_{\mu}^2\delta_1^2 \left[\left(\delta_1^2 + 4\omega_{\mu}^2\right) \left(\alpha + \delta_1^4\omega_{\mu}^2\right) \right]^{-1}.$$
 (27)

При увеличении параметра α (амплитуды накачки E_0) до величины порядка $\delta_1^4 \omega_{\mu}^2$ полоса фильтрации $\Delta \omega_{\rm f}$ сначала растет, а затем при $\delta_1 \ll \omega_{\mu}$ остается постоянной и равной $\delta_1/2$, что подтверждает справедливость предположения, сделанного при оценке отношения сигнал/шум (23). Достижение максимальной полосы фильтрации при прочих равных условиях необходимо для уменьшения влияния тепловых шумов F_{μ} , не учитываемых для простоты в данном анализе. Таким образом, оптимальная амплитуда накачки определяется равенством в выражении (25).

4. Обсуждение результатов

Практическая реализация предложенного метода повышения чувствительности оптомеханического преобразователя связана не столько с возможностью достижения нужной степени регенерации оптического резонатора *R*, сколько с проблемой подавления избыточных шумов. Экспериментальная реализация оптических параметрических генераторов [14] не оставляет сомнений в реальности достижения R = 1, а формально при $R \to 1$ выигрыш в чувствительности, согласно выражению (26), может быть произвольно большим.

Следует, однако, принимать во внимание, что в схеме требуется не просто увеличение коэффициента R до единицы, но также сохранение при этом на минимально возможном уровне различных избыточных шумов, связанных, например, с рассогласованием оптических фронтов лучей, с неоптимальным фазовым согласованием, с потерями различной природы в системе и т. п. Аналогичные проблемы возникают в задаче генерации сжатых состояний света [10, 15] (уменьшение дисперсии шумов в одной из квадратурных компонент поля за счет увеличения в другой). И хотя нет принципиальных ограничений допустимого коэффициента сжатия, полученные экспериментально сжатия пока невелики и определяются, в основном, доступными на сегодня технологиями.

Для оценки возможного выигрыша в чувствительности при настоящем уровне экспериментальной техники имеет смысл, видимо, исходить из результатов экспериментов по генерации сжатых состояний света. Для параметров оптической схемы, использованной в [10] (накачка интерферометра на $\lambda = 532$ нм, накачка нелинейного оптического элемента LiNbO₃ на $\lambda = 1064$ нм, эффективное число отражений в резонаторе порядка 100), можно рассчитывать на выигрыш в чувствительности порядка нескольких децибелл [10, 15], так что резерв пока небольшой. В то же время нельзя не учитывать принципиальную важность экспериментального доказательства возможности обнаружения классической силы с чувствительностью, превышающей стандартный квантовый предел (1), т. к. эта задача до сих пор не решена.

Следует отметить, что параметрическая регенерация в оптомеханическом датчике с модулированной накачкой аналогична в некотором смысле использованию для накачки оптического резонатора поля в сжатом состоянии [16], например генерируемого вырожденным параметрическим усилителем [10]. Действительно, в настоящей работе проанализирован случай, когда неклассические (сжатые) состояния поля автоматически создаются внутри оптического резонатора преобразователя за счет параметрической регенерации. В этом может состоять определенное преимущество вышеописанной схемы перед рассмотренной в [16], т. к. поле в легко разрушаемом сжатом состоянии не требуется пропускать через многочисленные оптические элементы установки. В то же время схема с внешним сжатием поля является более гибкой и допускает, в принципе, сжатие разных квадратурных компонент на комбинационных частотах ω_0 и $\omega_0 \pm 2\omega_{\mu}$, что еще сильнее увеличивает чувствительность [16]. Последний способ недоступен для схемы с параметрической регенерацией, поскольку и на частоте ω_0 и на частотах $\omega_0 \pm 2\omega_{\mu}$ сжимается одна и та же квадратурная компонента (в нашем случае – E_2 , см. (18), (19)).

В заключение необходимо еще раз подчеркнуть, что предложенный метод повышения чувствительности электродинамического преобразователя может быть особенно интересен для оптического диапазона, где резервы уменьшения затухания резонатора по сравнению с частотой механического осциллятора сильно ограничены.

- Caves C.M., Thorne K.S., Drever R.W.P., Sandberg V. D., Zimmerman M. *Rev.Mod.Phys.*, 52, 341 (1980).
- Braginsky V.B., Vorontsov Yu.I., Thorne K.S. Science, 209, 547 (1980).
- Cinquegrana C., Majorana E., Rapagnani P., Ricci F. *Phys.Rev.D*, 48, 448 (1993).
- 4. Гусев А.В., Кулагин В.В. Квантовая электроника, 15, 1602 (1988).
- 5. Гусев А. В., Кулагин В. В. Квантовая электроника, 22, 300 (1995).
- 6. Richard J.P. Phys. Rev. D, 46, 2309 (1992).
- 7. Кулагин В.В., Руденко В.Н. ЖЭТФ, 91, 1553 (1986).
- 8. Caves C.M. Phys. Rev.D, 23, 1693 (1981).
- 9. Луговой В.Н. Квантовая электроника, 6, 2053 (1979).
- Breitenbach G., Muller T., Pereira S.F., Poizat J.Ph., Schiller S., Mlynek J. J.Opt.Soc.Amer.B, 12, 2304 (1995).
- 11. Caves C.M. Phys. Rev. D, 26, 1817 (1982).
- 12. Кулагин В.В., Руденко В.Н. ЖЭТФ, 94, 51 (1988).
- Ван Трис Г. Теория обнаружения, оценок и модуляции (М., Сов. радио, 1972, т. 1).
- Ярив А. Введение в оптическую электронику (М., Высшая школа, 1983).
- 15. Ou Z.Y., Pereira S.F., Kimble H.J. Phys. Rev. Letts, 70, 3229 (1993).
- 16. Гусев А.В., Кулагин В.В. Радиотехника, № 11, 23 (1988).