629

# Ион-ионная рекомбинация в SF<sub>6</sub> и смесях SF<sub>6</sub> – $C_2H_6$ при высоких значениях E/N

В.В.Аполлонов\*, А.А.Белевцев\*\*, С.Ю.Казанцев\*, А.В.Сайфулин\*, К.Н.Фирсов\*

Измерены коэффициенты ион-ионной рекомбинации в распадающейся плазме  $SF_6$  и смесей  $SF_6 - C_2H_6$  в диапазоне давлений 15-90 мм рт. ст. при приведенных напряженностях поля 100-250 Td. Проанализирован зарядовый состав и определены доминирующие каналы ион-ионной рекомбинации в таких плазмах. Получены соотношения для оценки приэлектродных падений потенциала в условиях распадающейся плазмы в сильно электроотрицательных газах. Путем экстраполяции результатов измерений оценивается коэффициент ион-ионной рекомбинации в SF<sub>6</sub> при напряженностях поля, близких к критической. Сделан вывод о необходимости учета ион-ионной рекомбинации при расчете характеристик разряда в нецепных HF-лазерах.

Ключевые слова: SF<sub>6</sub>, ион-ионная рекомбинация, HF-лазер, электроотрицательные газы.

### 1. Введение

Возможность зажигания объемного самостоятельного разряда (ОСР) без предыонизации – самоинициирующегося объемного разряда [1] в смесях SF<sub>6</sub> с углеводородами, обнаруженная в [2], вывела на качественно новый уровень проблему масштабирования нецепных HF-лазеров, что позволило более чем на порядок (в 40 раз) увеличить их мощность и энергию. В настоящее время энергия излучения нецепных HF-лазеров, инициируемых ОСР, превышает 400 Дж при электрическом КПД более 4 % [3].

Несомненный интерес в этой связи представляет дальнейшее изучение ОСР в SF<sub>6</sub> и смесях SF<sub>6</sub> с углеводородами. Вследствие сильной электроотрицательности SF<sub>6</sub>-плазма такого разряда обладает рядом особенностей, в частности концентрации отрицательных и положительных ионов в ней значительно (почти на два порядка) превышают концентрацию электронов [1, 4]. В связи с этим в разрядной кинетике заметную роль могут играть процессы, связанные с ионной составляющей плазмы: разрушение отрицательных ионов электронным ударом, диссоциативная электрон-ионная рекомбинация и ион-ионная рекомбинация [4]. Последний процесс существенно влияет на концентрации ионов в ОСР и полностью определяет зарядовую кинетику в распадающейся плазме.

Ион-ионная рекомбинация в SF<sub>6</sub> и его смесях с углеводородами во внешнем электрическом поле в настоящее время изучена сравнительно мало. Имеются, по-видимому, лишь две работы [5, 6], в которых коэффициент ионионной рекомбинации  $\beta$  измерен в SF<sub>6</sub>, бинарных смесях SF<sub>6</sub> с редко используемым в HF-лазерах углеводородом

Поступила в редакцию 12 марта 2001 г.



Рис.1. Схема установки для измерения коэффициента ион-ионной рекомбинации.

СН<sub>4</sub> и в тройных смесях SF<sub>6</sub>–CH<sub>4</sub>–Ar/He при рабочих давлениях p > 100 мм рт. ст. и относительно низких приведенных напряженностях электрического поля E/N < 160 Тд (N – концентрация нейтральных частиц). Остальные экспериментальные [7] и теоретические (моделирование методом Монте-Карло) [8] исследования охватывают значительно более широкий диапазон давлений ( $\sim 10^2 - 10^4$  мм рт. ст.), однако в приближении нулевого электрического поля.

Для расчетов характеристик ОСР в нецепном HFлазере основной интерес представляет коэффициент  $\beta$ для смесей SF<sub>6</sub> с углеводородом C<sub>2</sub>H<sub>6</sub> [1–3] при p =30 – 90 мм рт. ст. (лазеры с достаточно большими апертурами) и E/N, близких к критическому значению  $(E/N)_{\rm cr}$ в SF<sub>6</sub>. Целью настоящей работы является измерение коэффициента ион-ионной рекомбинации в чистом SF<sub>6</sub> и его смесях с C<sub>2</sub>H<sub>6</sub> в указанном диапазоне давлений при значениях E/N вплоть до 250 Тд. Это, в частности, позволит разумно оценить и коэффициент  $\beta$  при  $E/N \sim$  $(E/N)_{\rm cr}$ , характерных для самостоятельного разряда.

# 2. Экспериментальная установка и методика измерений

Ионная плазма для измерения коэффициента β создавалась импульсным ОСР. Схема экспериментальной установки представлена на рис.1. ОСР зажигался между

<sup>\*</sup>Институт общей физики РАН, Россия, 119991 Москва, ул. Вавилова, 38

<sup>\*\*</sup>Институт теплофизики экстремальных состояний Объединенного института высоких температур РАН, Россия, 127412 Москва, ул. Ижорская, 13/19



Рис.2. Осциллограммы напряжения на разрядном промежутке U (верхний луч) и тока распадающейся плазмы I (нижний луч) (a), а также зависимости концентрации ионов  $n_i$  от времени t, рассчитанная по осциллограммам рис.2,a (точки) и полученная методом наименьших квадратов (сплошная линия) при p = 30 мм рт. ст. и E/N = 230 Тд  $(\delta)$ .

анизотропно-резистивным катодом К размером  $5 \times 5$  см (аналогичным применявшемуся в [9]) и дисковым анодом А диаметром 12 см, скругленным по периметру радиусом 1 см, при коммутации напряжения разрядником P1. Межэлектродное расстояние *d* варьировалось в диапазоне 2–8 см. Использование анизотропно-резистивного катода позволяло получить разряд, равномерно распределенный по поверхности катода, что является необходимым условием применимости используемых в дальнейшем сравнительно простых соотношений для определения концентрации ионов.

Сопротивление анизотропно-резистивного катода  $R_c \sim 1$  Ом не вносит заметных искажений в измерение ионного тока, поскольку оно много меньше сопротивления ионной плазмы  $R_p \sim 1$  кОм. Величина емкости  $C_1 = 2 - 8$  нФ определялась условиями устойчивости и однородности ОСР. Конденсатор  $C_2 = 174$  нФ, подключаемый к разряднику Р2, служил для поддержания постоянного напряжения на разрядном промежутке в течение времени измерения ионного тока (до 20 мкс). Сопротивление  $R_2 = 50$  Ом, включенное в цепь разряда этого конденсатора, позволяло свести к минимуму его влияние на энергию, выделяемую в плазме ОСР. Разрядник Р2 запускался автоматически при срабатывании разрядника Р1 и замыкании конденсатора  $C_3$  на сопротивление  $R_3$ . Ток регистрировался резистивным шунтом  $R_{\rm sh}$ .

Ионный ток распадающейся плазмы был существенно (на несколько порядков) меньше максимального тока ОСР, поэтому для повышения точности измерений сигнал с шунта обрезался на уровне 1 В диодным ограничителем  $R_1$ –Д. Калибровка схемы измерения ионного тока и проверка ее линейности проводились при замыкании на шунт (через разрядник) конденсатора, заряжен-

ного до напряжения  $\sim 4$  кВ, через сопротивление  $\sim 1$  кОм. Типичные осциллограммы измеряемого таким образом тока и напряжения на разрядном промежутке показаны на рис.2, *a*. Отрицательные выбросы на осциллограммах соответствуют току и напряжению ОСР.

Коэффициент ион-ионной рекомбинации  $\beta$  рассчитывался по осциллограмме тока I(t) при фиксированном напряжении на разрядном промежутке U с помощью соотношений

$$n_{\rm i}(t) = \frac{I(t)}{Se(b_{\rm i}^+ + b_{\rm i}^-)E},$$
(1)

$$n_{\rm i}(t) = \frac{n_{\rm i}(0)}{1 + n_{\rm i}(0)\beta t}.$$
(2)

Здесь  $n_i(t)$  – концентрация ионов; S – площадь катода; e – заряд электрона; E = U/d;  $n_i(0)$  – начальная концентрация ионов. Соотношения (1), (2) записаны в предположении, что имеются лишь один тип положительных и один тип отрицательных ионов с подвижностями  $b_i^+$  и  $b_i^-$  соответственно. Возможность такого допущения обсуждается ниже. Величины  $n_i(0)$  и  $\beta$  определялись из соотношения (2) по восстановленным с помощью (1) значениям  $n_i(t)$  методом наименьших квадратов (рис.2, $\delta$ ).

#### 3. Результаты измерений

На рис.3 представлены зависимости коэффициента ион-ионной рекомбинации  $\beta$  от параметра E/N в чистом  $SF_6$  при давлении p = 15 - 90 мм рт. ст. Видно, что с увеличением E/N наблюдается сильное уменьшение  $\beta$  во всем диапазоне исследованных давлений. Этот результат согласуется с данными работы [5], где измерения проводились по стандартной методике с использованием для создания ионной плазмы электронного пучка. В области малых E/N коэффициент  $\beta$  растет с увеличением давления приблизительно пропорционально р. В области E/N > 200 Тд эта закономерность нарушается и зависимость  $\beta$  от *p* становится более слабой. Данный факт не противоречит выводам работы [10], в которой расчетным путем показано, что коэффициент ион-ионной рекомбинации зависит не только от параметра E/N, но и от абсолютной величины напряженности электрического поля Е, уменьшаясь с увеличением Е.



Рис.3. Зависимости коэффициента ион-ионной рекомбинации  $\beta$  от параметра E/N при разных давлениях SF<sub>6</sub>.

Следует также отметить, что при p = 90 мм рт. ст. в области низких значений E/N = 100 - 160 Тд измеренные в настоящих экспериментах коэффициенты  $\beta$  близки к соответствующим значениям из [5]. В смеси SF<sub>6</sub>:C<sub>2</sub>H<sub>6</sub> = 10:1 при E/N = 250 Тд и p = 60 и 90 мм рт. ст. получены  $\beta = 4.3 \cdot 10^{-8}$  и  $6.5 \cdot 10^{-8}$  см<sup>3</sup>/с соответственно. Варьирование в довольно широких пределах таких параметров ОСР как удельная введенная энергия и длительность разрядного тока не приводит к изменению  $\beta$ .

#### 4. Обсуждение результатов

Обсудим ионный состав и характер ион-ионной рекомбинации в SF<sub>6</sub> и его смесях с  $C_2H_6$ . В настоящее время не известны какие-либо экспериментальные факты, указывающие на присутствие в плазме самостоятельного разряда в SF<sub>6</sub> положительных ионов SF<sub>6</sub><sup>+</sup>. В соответствии с результатами прямых масс-спектрометрических измерений (см., напр., [11, 12]) доминирующим является ион SF<sub>5</sub><sup>+</sup>. Это согласуется и с данными работы [13], в которой показано, что образующийся ион SF<sub>6</sub><sup>+</sup> находится в предиссоциирующем состоянии и диссоциирует с образованием SF<sub>5</sub><sup>+</sup> за времена, существенно меньшие любых характерных разрядных времен. Что касается отрицательных ионов, то, вообще говоря, необходимо учитывать несколько их сортов.

В представляющем интерес диапазоне значений E/N, близких к  $(E/N)_{cr}$  и ниже, в процессе диссоциативного прилипания электронов к молекулам SF<sub>6</sub> образуются преимущественно отрицательные ионы SF<sub>6</sub><sup>-</sup> [14]. Скорости генерации ионов SF<sub>5</sub><sup>-</sup> и F<sup>-</sup> примерно вдвое меньше скоростей образования ионов SF<sub>6</sub><sup>-</sup> [14]. Подвижности ионов SF<sub>6</sub><sup>-</sup> и SF<sub>5</sub><sup>-</sup> практически не различаются и близки к значениям, полученным в ланжевеновском (поляризационном) приближении [13]. В этом же приближении можно с достаточной точностью оценить и подвижность ионов F<sup>-</sup>.

Диссоциативная перезарядка ионов  $SF_6^-$  и  $SF_5^-$  на молекулах  $SF_6$  с образованием отрицательных ионов другого сорта, прежде всего ионов  $F^-$ , не успевает происходить даже при максимальных в данном исследовании давлениях ~ 90 мм рт. ст. Например, согласно данным [15] при p = 90 мм рт. ст. и значениях  $E/N \sim (E/N)_{cr}$ , отвечающих стадии самостоятельного разряда, минимальное время  $\tau_{min}$  реакции  $SF_6^- + SF_6 \rightarrow SF_6 + SF_5 + F^$ больше 1 мкс, тогда как длительность самого ОСР в настоящих экспериментах составляет ~ 100 – 300 нс.

В распадающейся плазме при существенно меньших E/N время  $\tau_{min}$  возрастает на несколько порядков. Таким образом, ионы SF<sub>6</sub><sup>-</sup> и SF<sub>5</sub><sup>-</sup> исчезают в распадающейся плазме SF<sub>6</sub> исключительно в ходе рекомбинации с ионами SF<sub>5</sub><sup>+</sup>. Разрушение ионов F<sup>-</sup> в результате отрыва электронов может происходить только в приэлектродных слоях (см. ниже). В итоге уменьшение концентрации ионов F<sup>-</sup> в объеме плазмы также определяется лишь их рекомбинацией с ионами SF<sub>5</sub><sup>+</sup>.

В рассматриваемом диапазоне давлений реализуется тройной механизм ион-ионной рекомбинации. Исходя из предварительных оценок, выполненных с использованием известных моделей тройной рекомбинации [16] в предположении поляризационного взаимодействия ионов с молекулами газа, следует ожидать, что коэффициенты рекомбинации ионов  $SF_6^-$  и  $SF_5^-$  с  $SF_5^+$  близки, тогда как коэффициент рекомбинации ионов  $F^-$  с  $SF_5^+$  заметно выше. Рассмотрим в этой связи распадающуюся ионную плазму с одним типом положительных ионов с концентрацией  $n^+(t)$  и двумя типами отрицательных ионов с концентрациями  $n_1^-(t)$  и  $n_2^-(t)$ .

Пусть соответствующие коэффициенты ион-ионной рекомбинации равны, соответственно,  $\beta_1$  и  $\beta_2$ , причем для определенности положим  $\beta_2 > \beta_1$ . Тогда с учетом квазинейтральности плазмы имеем следующее интегродифференциальное уравнение для плотности положительных ионов:

$$\begin{aligned} \frac{\mathrm{d}\varphi}{\mathrm{d}\tau} &= q_1 \exp(-\varphi) + q_2 \exp(-\sigma\varphi), \ \varphi = \int_0^\tau y \,\mathrm{d}\tau, \ y = \frac{n^+(t)}{n^+(0)}, \end{aligned}$$
(3)  
$$\tau &= \beta_1 n_1^-(0)t, \ \sigma = \frac{\beta_2}{\beta_1}, \ q_1 = \frac{n_1^-(0)}{n^+(0)}, \ q_2 = \frac{n_2^-(0)}{n^+(0)}. \end{aligned}$$

Здесь  $n^+(0)$ ,  $n_1^-(0)$  и  $n_2^-(0)$  – начальные концентрации положительных и отрицательных ионов.

Поскольку  $\sigma > 1$ , а  $\varphi(\tau) \to \infty$  при  $\tau \to \infty$ , то начиная с некоторого момента времени вторым членом в уравнении (3) можно пренебречь и с учетом того, что  $n_1^-(t) =$  $n_1^-(0) \exp(-\varphi)$ , оно переходит в уравнение рекомбинации при наличии лишь отрицательных ионов с меньшим коэффициентом рекомбинации  $\beta_1$ . Применительно к плазме SF<sub>6</sub> это означает, что через определенный промежуток времени после начала рекомбинации в ней наряду с положительными ионами  $SF_5^+$  начинают преобладать отрицательные ионы  $SF_6^-$  и  $SF_5^-$ , которые, как уже отмечалось, имеют близкие подвижности и близкие коэффициенты рекомбинации. Тем самым становится оправданным использование соотношений (1), (2). Все это наглядно продемонстрировано на рис.2, б. Видно, что при t > 8 мкс временной спад концентрации ионов  $n_i(t)$ , рассчитанный по соотношению (1), в точности следует закону рекомбинации (2). Значения подвижностей ионов для расчетов взяты из [13].

В работах [5, 6, 8] в качестве основного отрицательного иона рассматривался комплексный ион  $SF_6^-(SF_6)$ , однако давления газа при этом были в 5–10 раз выше, чем в настоящем эксперименте. Учитывая, что скорость кластеризации ионов  $SF_6^-$  зависит от *p* квадратично, следует ожидать, что доля комплексных ионов  $SF_6^-(SF_6)$  в исследуемой плазме незначительна. Кроме того, в диапазоне  $E/N \sim 100 - 250$  Тд подвижности ионов  $SF_6^-$  и  $SF_6^-(SF_6)$  различаются согласно [13] лишь на несколько процентов, так что факт образования комплексных ионов в рассматриваемых условиях вообще оказывается несущественным.

В смеси SF<sub>6</sub>:C<sub>2</sub>H<sub>6</sub> = 10:1 наряду с ионами SF<sub>5</sub><sup>+</sup> присутствуют также положительные ионы, возникающие при ионизации C<sub>2</sub>H<sub>6</sub> электронным ударом. Согласно [17, 18] в этом случае доминирует механизм диссоциативной ионизации с образованием ионов C<sub>2</sub>H<sub>4</sub><sup>+</sup> и молекул H<sub>2</sub>. Используя ланжевеновское приближение и закон Бланка [19], получаем, что для смеси SF<sub>6</sub>:C<sub>2</sub>H<sub>6</sub> = 10:1 подвижности ионов как SF<sub>5</sub><sup>+</sup>, так и C<sub>2</sub>H<sub>4</sub><sup>+</sup>, определяются их взаимодействием с молекулами SF<sub>6</sub>. Несмотря на то что подвижность ионов C<sub>2</sub>H<sub>4</sub><sup>+</sup> (оцененная в поляризационном пределе) примерно в 1.8 раза выше, чем подвижность ионов SF<sub>5</sub><sup>+</sup>, ионы C<sub>2</sub>H<sub>4</sub><sup>+</sup> при указанном соотношении концентраций SF<sub>6</sub> и C<sub>2</sub>H<sub>6</sub> не дают заметного вклада в суммарный ток *I*(*t*). В результате набор отрицательных ионов остается прежним. С учетом того, что в исследуе-

мой среде преобладают положительные ионы  $SF_5^+$ , соотношение (2), описывающее кинетику рекомбинации, остается применимым и для смеси.

Если образование положительных ионов в смеси  $SF_6 - C_2H_6$  возможно также и в результате перезарядки  $SF_5^+$  на молекулах  $C_2H_6$  (хотя полной ясности в этом вопросе, на наш взгляд, пока нет), то даже при минимальных концентрациях  $C_2H_6$ , равных ~  $10^{17}$  см<sup>-3</sup>, времена перезарядки, как показывают оценки, составляют ~  $10^{-8} - 10^{-7}$  с. Таким образом, в представляющем интерес масштабе времен, превышающих 1 мкс, и в этом случае будет доминировать только один положительный ион.

При оценке подвижностей ионов неоднократно использовалось поляризационное приближение, хотя применительно к рассматриваемым условиям это не всегда удается строго обосновать. Известно, однако, что формула Ланжевена дает значения подвижностей, как правило, мало отличающиеся от измеренных. В случае SF<sub>6</sub> на это непосредственно указывают данные работы [13]. Таким образом, приведенные выше соображения относительно ионного состава рабочего вещества и характера рекомбинации ионов в исследуемых условиях, по крайней мере в принципиальном отношении, представляются справедливыми. Косвенно на это указывает и отмечавшееся ранее постоянство коэффициента ион-ионной рекомбинации при значительном варьировании параметров разряда, поскольку в рекомбинирующей плазме набор отрицательных ионов, как следует из сказанного выше, слабо зависит от начальных разрядных условий.

Напряженность поля  $E_p$  в плазме определялась в настоящих экспериментах путем деления напряжения на разрядном промежутке на межэлектродное расстояние. Известно, однако, что в сильно электроотрицательных газах приэлектродные падения потенциала могут быть очень большими. В связи с этим представляет интерес оценить погрешность, вносимую при определении  $E_p$  указанным способом.

При оценке катодного падения потенциала U<sub>c</sub> воспользуемся одномерным приближением и примем, следуя [20], что поле  $E_{c}(x)$  в катодном слое не зависит от продольной координаты x, т. е.  $E_c(x) = E_c$ . В рассматриваемых условиях эта величина, как можно убедиться из дальнейших оценок, во много раз превышает не только  $E_{\rm p}$ , но и критическую напряженность  $E_{\rm cr}$ , поэтому образованием отрицательных ионов в слое можно пренебречь. В этом случае распределения плотностей тока электронов  $j_e(x)$  и положительных ионов  $j_+(x)$  в прикатодной области описываются теми же уравнениям, что и в электроположительном газе. За пределами катодного слоя  $(x > d_c)$  в распадающейся плазме электронная составляющая плотности полного тока J<sub>t</sub> вследствие интенсивного прилипания электронов быстро становится равной нулю. В результате, граничные условия несколько отличаются от принимаемых обычно в случае электроположительного газа:

$$j_{\rm e}(0) = \gamma j_{+}(0), \quad j_{\rm e}(d_{\rm c}) + j_{+}(d_{\rm c}) = J_{\rm t},$$
(4)

где  $\gamma$  – коэффициент вторичной электронной эмиссии. Второе условие из (4) можно сформулировать также и в виде  $j_e(d_c) = j_-(d_c)$ , где  $j_-(x)$  – плотность тока отрицательных ионов. Используя стандартные методы (см., напр., [20]), из уравнений непрерывности для  $j_e(x)$  и  $j_+(x)$  с учетом соотношений (4) и того, что  $\gamma \ll 1$ , нетрудно в принятых в теории приэлектродных слоев приведенных переменных [21] получить выражение

$$\frac{\alpha(E_{\rm c}/p)}{p}pd_{\rm c} = B_1, \ B_1 = \ln\left(\frac{1+\gamma}{\gamma}\frac{b_{\rm i}^-}{b_{\rm i}^+ + b_{\rm i}^-}\right),\tag{5}$$

где а – коэффициент Таунсенда.

Исходя из уравнения Пуассона, свяжем параметры  $E_{\rm c}$  и  $d_{\rm c}$  [20]:

$$\left(\frac{E_{\rm c}}{p}\right)^2 = \frac{(J_{\rm t}/p^2)pd_{\rm c}}{\varepsilon_0 b_{\rm i}^+ p},\tag{6}$$

где  $\varepsilon_0$  – диэлектрическая постоянная вакуума. Тогда из уравнений (5), (6) для определения  $U_c$  имеем следующие соотношения:

$$\frac{(E_{\rm c}/p)^2 [\alpha(E_{\rm c}/p)/p] \varepsilon_0 b_{\rm i}^+ p}{J_{\rm t}/p^2} = B_1, \quad U_{\rm c} = \frac{E_{\rm c}}{p} p d_{\rm c}.$$
 (7)

При оценке падения потенциала в прианодной области наряду с ударной ионизацией необходимо рассматривать также образование и разрушение отрицательных ионов. Последний процесс обеспечивает появление затравочных электронов в прианодной области, т. к. поступающий сюда из распадающейся плазмы электронный ток пренебрежимо мал. Примем по аналогии с предыдущим, что и в анодном слое поле  $E_a$  постоянно.

В приближении плоского слоя система соответствующих уравнений непрерывности запишется в виде

$$\frac{\mathrm{d}j_{\mathrm{e}}(x)}{\mathrm{d}x} = -\alpha j_{\mathrm{e}}(x) - \delta j_{-}(x), \quad \frac{\mathrm{d}j_{-}(x)}{\mathrm{d}x} = -\eta j_{\mathrm{e}}(x) + \delta j_{-}(x),$$

$$\frac{\mathrm{d}j_{+}(x)}{\mathrm{d}x} = \alpha j_{\mathrm{e}}(x). \tag{8}$$

Здесь  $\eta$  – коэффициент прилипания электронов;  $\delta$  – коэффициент отрыва электронов от отрицательных ионов при столкновениях с молекулами газа. Координата x отсчитывается от анода (x = 0) в глубь разрядного промежутка.

Уменьшением электронного тока в результате прилипания к молекулам SF<sub>6</sub> пренебрегаем по той же причине, что и при рассмотрении катодного слоя ( $E_a \gg E_{cr}$ ). С учетом сказанного граничные условия на аноде и границе анодного слоя с плазмой ( $x = d_a$ ) имеют вид

$$j_{+}(0) = 0, \ j_{e}(d_{a}) = 0, \ j_{-}(d_{a}) + j_{+}(d_{a}) = J_{t}.$$
 (9)

В результате приходим к соотношению

$$\begin{aligned} &(\lambda_1 + \lambda_2)d_{\rm a} = B_2, \\ &B_2 = \ln\left\{\frac{b_{\rm i}^+ \lambda_2}{b_{\rm i}^- \lambda_1} + \left[1 + (\lambda_1 + \lambda_2)d_{\rm a}\right]\frac{b_{\rm i}^+ + b_{\rm i}^-}{b_{\rm i}^-}\right\}, \end{aligned} \tag{10}$$

где  $\lambda_{1,2} = \{\pm (\delta - \alpha) + [(\alpha - \delta)^2 + 4\alpha \delta]^{1/2}\}/2$ . Поскольку  $E_a \gg E_{cr}$ , то  $\alpha \gg \delta$ ,  $\lambda_1 \simeq \delta$ ,  $\lambda_2 \simeq \alpha$  и соотношение (10) существенно упрощается:

$$\frac{\alpha(E_{\rm a}/p)}{p}pd_{\rm a} \approx \ln\left[\frac{\alpha(E_{\rm a}/p)}{\delta(E_{\rm a}/p)}\right].$$
(11)

Используя связь между  $E_a$  и  $d_a$ , аналогичную (6), и пренебрегая различием в подвижностях положительных и отрицательных ионов  $(b_i^+ \approx b_i^- \approx b_i)$ , в приближении  $\alpha \gg \delta$  для определения  $E_a$  получаем уравнение

$$\left(\frac{E_{\rm a}}{p}\right)^2 \frac{[\alpha(E_{\rm a}/p)/p]\varepsilon_0 b_{\rm i} p}{J_{\rm t}/p^2} \approx \ln\left[\frac{\alpha(E_{\rm a}/p)}{\delta(E_{\rm a}/p)}\right],\tag{12}$$

которое с учетом (11) позволяет найти  $d_a$  и, следовательно, анодное падение потениала  $U_a$ .

Опираясь на полученные результаты, нетрудно теперь оценить относительную погрешность  $\xi = (E - E_p)/E$ определения поля  $E_p$  в распадающейся плазме:

$$\xi = \frac{B_1/\eta_{\rm c} + B_2/\eta_{\rm a}}{U}, \quad \eta_{\rm c,a}(E_{\rm c,a}/N) = \frac{k_{\rm i}(E_{\rm c,a}/N)}{u_{\rm e}(E_{\rm c,a}/N)(E_{\rm c,a}/N)}, (13)$$

где  $k_i(E_{c,a}/N)$  и  $u_e(E_{c,a}/N)$  – соответственно константа ударной ионизации и дрейфовая скорость электронов.

Рассмотрим в качестве примера плазму SF<sub>6</sub> при давлении p = 30 мм рт. ст. с характерной плотностью тока  $J_t \sim 1$  A/см<sup>2</sup>. Используя данные [14, 15, 22] по  $k_i$  и  $u_e$  и соотношения (7), (11), (12), (13), получаем  $\xi \approx 0.1$ . Такая же относительная погрешность типична и для всех других режимов распада плазмы, исследованных в настоящей работе.

При оценке величин  $U_c$  и  $U_a$  сделан ряд допущений (не рассматривалась, в частности, и возможность образования двойных слоев в приэлектродных областях). Тем не менее полученные оценки представляются достаточно хорошим приближением к реальным значениям. Косвенным подтверждением этому может служить, по-видимому, тот факт, что оценки величин  $\Delta U = U_c + U_a$  удовлетворительно согласуются с сответствующими значениями, найденными нами при экстраполяции экспериментальной зависимости  $U_{st}(pd)$  [1] для SF<sub>6</sub> и смесей SF<sub>6</sub> с C<sub>2</sub>H<sub>6</sub> в область  $pd \rightarrow 0$  ( $U_{st}$  – напряжение в квазистационарной фазе OCP).

Время релаксации приэлектродного слоя по порядку величины совпадает с временем дрейфа ионов через этот слой  $\tau_{c,a} = \varepsilon_0(E_{c,a}/p)/[(J_t/p^2)p]$ . Например, при p = 30 мм рт. ст. и  $J_t \sim 1$  А/см<sup>2</sup> имеем  $\tau_{c,a} \sim 10^{-8}$  с. Такого же порядка  $\tau_{c,a}$  типичны и для других условий. Поскольку интерес в настоящей работе представляет исключительно микросекундный диапазон, то использование выше квазистационарного приближения вполне оправдано.

При характерных для рассматриваемых условий значениях  $E_c$  и  $E_a$  в исследуемых газах в приэлектродных слоях выполняется соотношение  $l_e \sim l$ , где l и  $l_e$  – соответственно длины свободного пробега и релаксации энергии электронов. Из соотношений (5), (6), (11), (12) следует также, что  $d_{c,a} \gg l_i$ , где  $l_i$  – длина ионизации в прикатодной или прианодной области. Учитывая, что  $l/l_i < 1$ , получаем  $l_e/d_{c,a} \ll 1$ , следовательно, в приведенном выше описании приэлектродных слоев допустимо использование локальных зависимостей транспортных коэффициентов от напряженности поля.

## 5. Заключение

Таким образом, измерены коэффициенты ион-ионной рекомбинации в  $SF_6$  и смесях  $SF_6:C_2H_6 = 10:1$  в диапа-

зоне давлений 15-90 мм рт. ст. при значениях приведенной напряженности электрического поля E/N = 100 - 250Тд. Погрешность оценки полей в плазме не превышает 10 % при суммарной погрешности измерений не более 20 %. Экстраполяция результатов измерений в область более высоких значений Е/N позволяет оценить коэффициент рекомбинации  $\beta$  и<br/>онов SF $_6^-$  и SF $_5^-$  с ионами SF $_5^+$  в<br/>SF $_6$  при  $E/N \sim (E/N)_{\rm cr}$  как ~ 10<sup>-8</sup> см<sup>3</sup>/с. Значения  $\beta$  для  $SF_6$  при p = 90 мм рт. ст. и E/N < 160 Тд близки к полученным в [5] с использованием методики, отличной от нашей. В смесях  $SF_6:C_2H_6 = 10:1$  при типичных для HFлазеров давлениях p = 60 мм рт. ст. коэффициент рекомбинации в распадающейся плазме  $\beta = 4.3 \cdot 10^{-8}$  см<sup>3</sup>/с, а уменьшение ионной концентрации на порядок, как показывают расчеты [4], происходит за время ~ 200 нс, сравнимое с длительностью всего разряда ~ 300 нс. Это дает основания полагать, что ион-ионная рекомбинация в смесях SF<sub>6</sub> - C<sub>2</sub>H<sub>6</sub> может существенно ограничивать концентрацию ионов и на стадии самостоятельного разряда и, следовательно, должна учитываться при расчете характеристик HF-лазеров. Моделирование ОСР в SF<sub>6</sub> с использованием коэффициента  $\beta = 10^{-8}$  см<sup>3</sup>/с показывает, что и в этом случае ион-ионная рекомбинация может весьма заметно влиять на баланс плотности ионов на всех стадиях разряда.

Авторы выражают искреннюю благодарность Ю.Л. Калачеву за помощь в проведении эксперимента.

- Аполлонов В.В., Белевцев А.А., Казанцев С.Ю., Сайфулин А.В., Фирсов К.Н. Квантовая электроника, 30, 207 (2000).
- Аполлонов В.В., Казанцев С.Ю., Орешкин В.Ф., Фирсов К.Н. Квантовая электроника, 24, 213 (1997).
- Apollonov V.V., Firsov K.N., Kazantsev S.Yu., Oreshkin V.F., Saifulin A.V. Proc.SPIE, 3886, 370 (2000).
- Apollonov V.V., Belevtsev A.A., Firsov K.N., Kazantsev S.Yu., Saifulin A.V. Proc. XIII Intern. Conf. on Gas Discharges and their Applications (Glasgow, UK, 2000, v.1, p.409, contributed papers).
- 5. Cornell M.C., Littlewood I.M. J. Phys. D, 20, 616 (1987).
- 6. Littlewood I.M J.Phys.D, 23, 308 (1990).
- Schmidt W.F., Jungblut H., Hansen D., Tagashira H. Proc. II Intern. Symp. on Gaseous Dielectrics (N.Y., Pergamon Press, 1980).
- Littlewood I.M., Pyle R.E. J. Phys. D, 23, 312 (1990).
   Аполлонов В.В., Казанцев С.Ю., Орешкин В.Ф., Фирсов К.Н. Письма в ЖТФ, 22, №24, 60 (1996).
- 10. Morgan W.L., Bardsley J.N., Lin J., Whitten B.L. *Phys. Rev.A*, **26**, 1696 (1982).
- 11. Sauers I., Harman G. J. Phys. D, 25, 761 (1992).
- Wagner J.J., Brandt W.W. Plasma Chem.Plasma Processing, 1, 201 (1981).
- 13. Brandt K.P., Jungblut H. J.Chem. Phys., 78, 1999 (1983).
- Nakano N., Shimura N., Petrovic Z.L., Makabe T. *Phys.Rev.E*, 49, 4455 (1994).
- 15. Olthoff J.K., Van Brunt R.J. J. Chem. Phys., 91, 2261 (1989).
- Смирнов Б.М. Ионы и возбужденные атомы в плазме (М., Атомиздат, 1974).
- Flesch J., Utecht R.E., Svec H.J. Intern.J.Mass.Spectrom.Ion Processes, 58, 151 (1984).
- Chatham H., Hills D., Robertson R., Gallagher A. J. Chem. Phys., 81, 1770 (1984).
- Мак-Даниэль И., Мэзон Э. Подвижность и диффузия ионов в газе (М., Мир, 1976).
- 20. Райзер Ю.П. Физика газового разряда (М., Наука, 1987).
- Грановский В.Л. Электрический ток в газе. Установившийся ток (М., Наука, 1971).
- 22. Lisovskiy V.A., Yegorenkov V.D. Proc. Intern. Symp. on Electron-Molecule Coll. Swarms (Tokyo, Japan, 1999, p.156).